



**COMANDO DA AERONÁUTICA  
DEPARTAMENTO DE ENSINO DA AERONÁUTICA  
ACADEMIA DA FORÇA AÉREA**

**EXAME DE ADMISSÃO AO CFOAV/CFOINT/CFOINF 2010**

**PROVAS DE LÍNGUA INGLESA E MATEMÁTICA**

**15 de AGOSTO de 2009**

Transcreva o dado abaixo para o seu cartão de respostas.

**CÓDIGO: 11**

***ATENÇÃO! ABRA ESTA PROVA SOMENTE APÓS RECEBER AUTORIZAÇÃO.***

**SR. CANDIDATO,**

**LEIA COM ATENÇÃO.**

- 1) Este caderno contém **40** (quarenta) questões objetivas, sendo que **01 a 20** são questões de **LÍNGUA INGLESA** e de **21 a 40** são questões de **MATEMÁTICA**. Confira se todas as questões estão impressas nessa seqüência e perfeitamente legíveis.
- 2) Confira o código da prova deste caderno e **preencha o campo “código”, no cartão de respostas.**
- 3) Preencha correta e completamente o cartão de respostas com caneta esferográfica azul ou preta. Faça marcações fortes e assim . Assine-o antes de iniciar a resolução da prova.
- 4) A prova terá duração de 4 (quatro) horas, acrescidas de mais 20 (vinte) minutos para preenchimento do cartão de respostas.
- 5) Somente será permitido ao candidato retirar-se do local de prova a partir da metade do tempo previsto para a resolução da mesma, ou seja, 2 (duas) horas.
- 6) O candidato que sair do local de prova antes do tempo de duração previsto **NÃO** poderá levar consigo o caderno de questões nem fazer qualquer tipo de anotação sobre questões de prova ou transcrever o seu gabarito.
- 7) O candidato que desejar levar consigo o caderno de questões deverá permanecer no recinto até o término do **tempo total de prova**.





- 22 - Sejam  $z = x + yi$  ( $x \in \mathbb{R}^*$ ,  $y \in \mathbb{R}$  e  $i$  a unidade imaginária),  $\bar{z}$  o conjugado de  $z$  e  $\lambda$  o lugar geométrico dos pontos  $P(x, y)$  do plano cartesiano para os quais  $z\bar{z} = 2x + 3$

Se **A** e **B** são os pontos de interseção de  $\lambda$  com o eixo  $\overrightarrow{Oy}$  e se **A'** é o ponto de interseção de  $\lambda$  com o eixo  $\overrightarrow{Ox}$  que possui a menor abscissa, então a área do triângulo **A'A'B** é, em unidades de área, igual a

- a)  $2\sqrt{3}$   
 b)  $2\sqrt{2}$   
 c)  $\sqrt{3}$   
 d)  $\sqrt{2}$

- 23 - Sejam as funções  $f : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{R}$  e  $g : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{R}$  definidas por  $f(x) = \frac{x}{2}$  e  $g(x) = 2^{-x}$

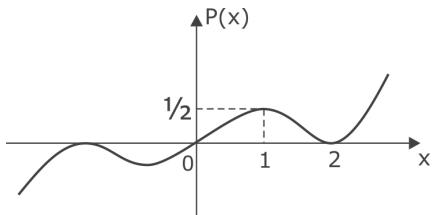
Considere os números **A** e **B**, tais que

$$\begin{aligned} A &= f(1) + f(2) + \dots + f(50) \quad \text{e} \\ B &= 1 + g(1) + g(2) + \dots + g(n) + \dots \end{aligned}$$

Se o produto de **A** por **B** tende para o número  $\alpha$ , então,  $\alpha$  é

- a) ímpar múltiplo de 9  
 b) par divisor de 10 000  
 c) par múltiplo de 15  
 d) ímpar múltiplo de 25

- 24 - Observe a função polinomial **P** esboçada no gráfico abaixo.



Sabe-se que  $x = 0$  ou  $x = 2$  são raízes de **P** e que o resto da divisão de  $P(x)$  por  $[(x-2)(x-1)x]$  é  $R(x)$

As raízes de  $R(x)$  são números

- a) inteiros pares.  
 b) inteiros ímpares.  
 c) fracionários opostos.  
 d) irracionais opostos.

- 25 - Numa sala de aula, estão presentes 5 alunos e 6 alunas. Para uma determinada atividade, o professor deverá escolher um grupo formado por 3 dessas alunas e 3 dos alunos. Em seguida, os escolhidos serão dispostos em círculo de tal forma que alunos do mesmo sexo não fiquem lado a lado. Isso poderá ocorrer de **n** maneiras distintas.

O número **n** é igual a

- a) 24 000  
 b) 2 400  
 c) 400  
 d) 200

- 26 - Três estudantes **A**, **B** e **C** estão em uma competição de natação. Os estudantes **A** e **B** têm a mesma probabilidade de vencer e cada um tem o dobro da probabilidade de vencer que o estudante **C**

Admitindo-se que não haja empate na competição, é **FALSO** afirmar que a probabilidade de

- a) **A** ou **B** vencer é igual a 0,8  
 b) **A** vencer é igual a 0,4  
 c) **C** vencer é maior que 0,2  
 d) **B** ou **C** vencer é igual 0,6

## RASCUNHO

27 - Seja o sistema **S** de equações nas incógnitas **x**, **y** e **z** e parâmetro real **m**

$$S = \begin{cases} x + 2y - z = 0 \\ x - my - 3z = 0 \\ x + 3y + mz = m \end{cases}$$

Analise as proposições a seguir e assinale a **INCORRETA**.

- a) Se  $m = -3$ , então **S** é impossível.
- b) **S** é determinado se, e somente se,  $m \neq 0$
- c) Se **S** é homogêneo, então  $x + y + z$  é sempre um número múltiplo de 3
- d) **S** admite solução para todo  $m \neq -3$

28 - Para a fabricação de três modelos de avião, a Embraer precisa de alguns equipamentos, conforme a tabela abaixo

MODELOS	A	B	C
EQUIPAMENTOS			
POLTRONAS	20	30	60
EXTINTORES	6	10	15

Para o ano de 2009, a Embraer recebeu encomendas dos três modelos, conforme a tabela abaixo

ANO DE 2009 MODELO	PRIMEIRO SEMESTRE	SEGUNDO SEMESTRE
A	20	50% a mais que no 1º semestre
B	y	25
C	10	20% a menos que no 1º semestre

Sabendo-se que a quantidade necessária de poltronas para a fabricação dos três modelos de aviões no ano de 2009 é 3280, então a soma dos algarismos de **y** é igual a

- a) 5
- b) 6
- c) 7
- d) 8

29 - Pedro e Maria com seus filhos Gabriel e João foram a uma clínica médica para uma revisão de saúde. Fazia parte da avaliação aferir o peso de cada um. A balança da clínica era muito antiga e tinha um defeito, só indicava pesos maiores que 60 kg. Para resolver a pesagem, procedeu-se da seguinte maneira:

Pesou-se

- Pedro, Maria e Gabriel, totalizando 150 kg
- Pedro, Gabriel e João, totalizando 117 kg
- Maria, Gabriel e João, totalizando 97 kg
- Pedro, Maria, Gabriel e João, totalizando 172 kg

Com base nessas informações, é correto afirmar que

- a) com essa balança é possível pesar Gabriel e João juntos.
- b) a diferença entre os pesos de Pedro e Maria é o peso de João.
- c) Pedro é mais pesado que Maria e João juntos.
- d) não é possível pesar Maria sozinha nessa balança.

30 - Considere as circunferências dadas pela equação  $x^2 + y^2 = \frac{1}{b^2}$

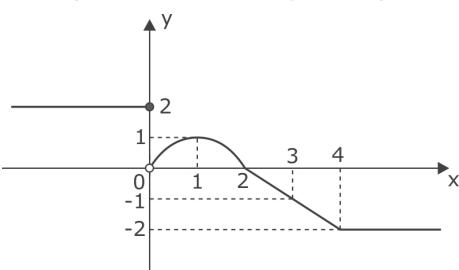
$(b \in \mathbb{N}^*)$

A circunferência que circunscreve um quadrado de área igual a 1250 é tal que **b** pertence ao intervalo

- a)  $\left]0, \frac{1}{30}\right[$
- b)  $\left]\frac{1}{30}, \frac{1}{28}\right[$
- c)  $\left]\frac{1}{28}, \frac{1}{26}\right[$
- d)  $\left]\frac{1}{26}, \frac{1}{24}\right[$

## RASCUNHO

31 - Analise o gráfico abaixo da função real  $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$



### RASCUNHO

Se  $h$  é uma função real tal que  $h(x) = g(x) + 2$ , então, marque a alternativa verdadeira.

- a)  $(h \circ h \circ h \circ \dots \circ h)(0) = 4$
- b)  $(h \circ h \circ h)(3) > (h \circ h \circ h \circ h)(2)$
- c) Se  $y = h\left(h\left(\frac{1}{2}\right)\right)$  então  $y \in ]2, 3[$
- d) Se  $x = h\left(h\left(\frac{3}{2}\right)\right)$  então  $x \in ]1, 2[$

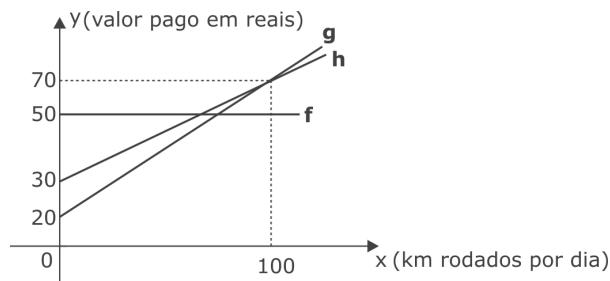
32 - Considere a reta  $r$  simétrica da reta  $(s) 2x + y - 2 = 0$  em relação à reta  $(t) x - 3y - 2 = 0$

Com base nisso, marque a alternativa verdadeira.

- a) Se  $-\frac{10}{3} < y < 0$  então  $r \cap t = \emptyset$
- b)  $\exists P(x, y) \in r$  tal que  $x < 0$  e  $y > 0$
- c) Na reta  $r$ , se  $x > \frac{8}{7}$  então  $y < -\frac{2}{7}$
- d)  $\nexists P(x, y) \in r$  tal que  $x > 0$  e  $y < -\frac{10}{3}$

33 - Na figura abaixo, tem-se representado as funções  $f$ ,  $g$  e  $h$  que indicam os valores pagos, respectivamente, às locadoras de automóveis  $\alpha$ ,  $\beta$  e  $\gamma$  para  $x$  quilômetros rodados por dia.

Uma pessoa pretende alugar um carro e analisa as três opções.



Após a análise, essa pessoa conclui que optar pela locadora  $\alpha$  ao invés das outras duas locadoras, é mais vantajoso quando  $x \in ]m, +\infty[$ ,  $m \in \mathbb{R}$

O menor valor possível para  $m$  é

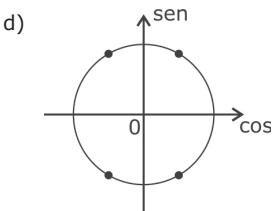
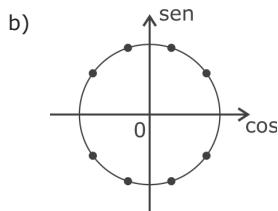
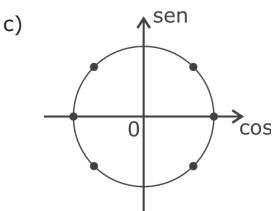
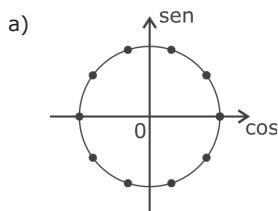
- a) 60
- b) 70
- c) 80
- d) 90

34 - Sobre a função real  $f : D \rightarrow \mathbb{R}$  dada por  $f(x) = 1 + \log_2(x^2)$ , é INCORRETO afirmar que é

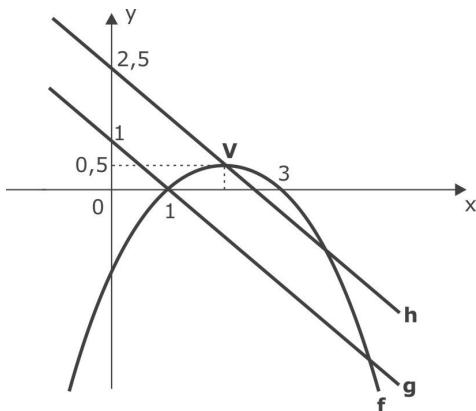
- a) par
- b) sobrejetora  $\forall x \in D$
- c) crescente se  $x \in [1, +\infty[$
- d) injetora  $\forall x \in D$

35 - Seja a função real  $f$  definida por  $f(x) = \cos(4x) - \sin\left(\frac{\pi}{2} - 6x\right)$

Marque a alternativa que possui a melhor representação, no ciclo trigonométrico, de todas as raízes da função  $f$



36 - Considere o esboço dos gráficos das funções reais  $f$ ,  $g$  e  $h$ , tais que  $f$  é do 2º grau e  $g$  e  $h$  são do 1º grau. Sabe-se que  $V$  é o vértice da parábola.



O conjunto de todos os valores de  $x$  para os quais  $h(x) > g(x) > f(x)$  é

- a)  $\mathbb{R} - ]1, 5[$   
 b)  $\mathbb{R} - [1, 5]$   
 c)  $\mathbb{R} - [1, 3]$   
 d)  $\mathbb{R} - ]1, 3[$

37 - Sejam as funções reais dadas por  $f(x) = 2^{2x+1}$  e  $g(x) = 3^{x+1}$

Se  $b \in \mathbb{R}$  tal que  $f\left(\frac{1}{2}\right) = 2g(b)$  e  $p = \log_3 b$ , então sobre  $p$  é correto afirmar que

- a) não está definido.  
 b) é positivo e menor que 1  
 c) é negativo e menor que 1  
 d) é positivo e maior que 1

38 - Sobre a função real  $f$  definida por  $f(x) = -1 + |6(\sin x)(\cos x)|$ , é **INCORRETO** afirmar que

- a)  $\text{Im}(f) = [-1, 2]$   
 b) é decrescente para todo  $x \in \left[\frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4}\right]$   
 c) possui 8 raízes no intervalo  $[0, 2\pi]$   
 d) tem período igual ao período da função real  $g$  dada por  $g(x) = 2f(x)$

## RASCUNHO

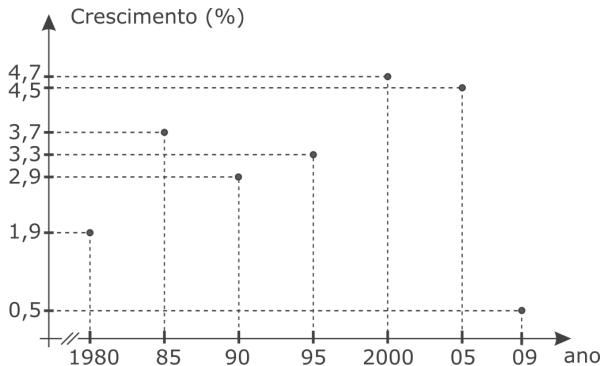
- 39 - A Revista Época publicou uma reportagem em fevereiro de 2009 a respeito do impacto da crise financeira mundial no crescimento da economia.

## RASCUNHO

### Desaceleração recorde

Em 2009, a economia mundial deverá ter o menor crescimento desde a 2<sup>a</sup> Guerra Mundial — em % ao ano.

O gráfico abaixo indica o percentual de crescimento da economia mundial de alguns anos, no período de 1980 a 2009



Fonte: Revista Época – 02/02/2009/nº 559 – pág. 85.  
(Adaptado)

Sabendo-se que no ano de 2009 o percentual foi estimado, analise o gráfico e marque a alternativa **FALSA**.

- a) Houve um aumento superior a 42% do percentual de crescimento do ano de 1995 para o ano 2000
- b) A queda de crescimento do ano de 2005 para o percentual estimado no ano de 2009 é menor que 90%
- c) O aumento do percentual de crescimento do ano de 1985 em relação ao ano de 1980 é aproximadamente 95% do percentual de crescimento do ano de 1980
- d) A taxa de crescimento do ano de 2000 em relação ao ano de 1985 é a mesma que a taxa de crescimento do ano de 1990 em relação ao ano de 1980

- 40 - Considere uma chapa de aço circular de espessura desprezível e raio 15 cm

Recortando-se, dessa chapa, dois setores circulares de ângulo  $\frac{2\pi}{3}$  rad cada, e juntando-se em cada um desses setores os lados de mesma medida, sem perda de material, obtém-se dois objetos em forma de cone.

Unindo-se as bases desses cones, obtém-se um objeto **A**. Dentro desse objeto **A** foram inseridas esferas de ferro cuja área da superfície, de cada uma, é  $9\pi \text{ cm}^2$

Sabendo-se que foram inseridas a maior quantidade possível dessas esferas dentro do objeto **A**, o espaço vago dentro desse objeto, é tal que, seu volume é, em  $\text{cm}^3$ , igual a

$$\text{Dados: } \sqrt{2} = 1,41$$

- |           |                    |
|-----------|--------------------|
| a) $2\pi$ | c) $\frac{\pi}{2}$ |
| b) $\pi$  | d) $\frac{\pi}{4}$ |